

Title	幾何学雑話
Author(s)	松村, 宗治
Citation	全国紙上数学談話会. 115 p.16-p.20
Issue Date	1936-12-07
oaire:version	VoR
URL	<a href="https://doi.org/10.18910/74449">https://doi.org/10.18910/74449</a>
rights	
Note	

*Osaka University Knowledge Archive : OUKA*

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

Osaka University

## 524. 幾何學雜話

松 村 宗 治 (台北大)

(I)  $R_n$  内ノ球  $\mathcal{S}$ ,  $\mathcal{U}$ ヲ考ヘテ

$$\begin{aligned} \mathcal{Z} &= \mathcal{X} + i\mathcal{Y}, & (i = \sqrt{-1}) \\ \overline{\mathcal{Z}} &= \mathcal{X} - i\mathcal{Y} \end{aligned}$$

ト置ケバ  $\mathcal{X}$ ,  $\mathcal{Y}$ ガ垂直ニ相交ルナラバ

$$\begin{aligned} (\mathcal{Z}\mathcal{Z}) &= (\mathcal{X}\mathcal{X}) - (\mathcal{Y}\mathcal{Y}) + 2i(\mathcal{X}\mathcal{Y}) \\ &= 0 \end{aligned}$$

トスルコトが出来ル。尚亦

$$(\mathcal{Z}\overline{\mathcal{Z}}) = (\mathcal{X}\mathcal{X}) + (\mathcal{Y}\mathcal{Y}) = 2$$

デアルカラ前ニモノベタ様ニ  $\mathcal{Z}$ ,  $\overline{\mathcal{Z}}$ ハ  $R_n$  内ノ二点デアリ其ノ距離ハ  $\sqrt{2}$ ニ等シイ。

サテ、コレ等ハ皆一ツノ媒介変数  $t$ ノ函数デアルトセバ

$$(1) \begin{cases} z(t) = x(t) + i y(t), \\ \bar{z}(t) = x(t) - i y(t) \end{cases}$$

トナル。  $z(t)$ ,  $\bar{z}(t)$  ハ  $R_n$  内ノニツノ曲線デアツテ其ノ對  
應点ヲ連結スル線分ノ長サハ常ニ上述ノ通りナル。

亦表面ノ場合ニハ  $t$  ノ代リニニツノ媒分変數  $u, v$  ヲ  
オキ

$$(2) \begin{cases} z(u, v) = x(u, v) + i y(u, v), \\ \bar{z}(u, v) = x(u, v) - i y(u, v) \end{cases}$$

デアツテ同様ノコトガ此ノ場合ニイヘル。

(1) 或ハ (2) ノ左辺ハ普通ノ微分幾何ニ於ケル諸公式ニア  
テハマルカラ、從ツテ其レ等右辺ニツイテノ公式ヲ求メ得ベ  
シ。

(II) *Indian Math. Society, Vol 11 (1936),*  
*p. 96* = 於ケル *Rose, R. C.* ノ卵形線 = 外接スル正凸多角  
形ノ數ニツイテノ定理ヲバ台北帝大理農學部紀要第十五卷第  
九号 *p. 205* = 於ケル拙著所論ノ様ニ

$$U(\phi) - U\left(\phi + \frac{2\pi}{n}\right)$$

ノ *Graph* ヲ考ヘテ証明スルコトモ出來ルト思フ。

但シ

$$U(\phi) = \sum_{k=0}^{n-1} p\left(\phi + \frac{2k\pi}{n}\right)$$

デアル。

(III) *Math. Z. Bd. 41, p. 717* = 於ケル *Doetsch*

ノ論文デ、CFヲFノ方ニ延長シ  $\triangle OPC$ ヲツクリ  $\angle COP = \angle R$  ナリトスルトキハ  $OP$ ノ長さハ  $r(\alpha) \cot(\alpha - \varphi) =$  等シク  $OP$ ガ首線トナス角ハ  $\alpha - \frac{\pi}{2} =$  等シイ。

ソコデ

$$\frac{d \overline{OP}}{d\alpha}$$

ヲ求メルト

$$\frac{r'(\alpha) \cos(\alpha - \varphi) \sin(\alpha - \varphi) + r(\alpha) \left( \frac{d\varphi}{d\alpha} - 1 \right)}{\sin^2(\alpha - \varphi)}$$

トナル、即チコレハ

$$r(\alpha) + \frac{r(\alpha) \left( \frac{d\varphi}{d\alpha} - 1 \right)}{\sin^2(\alpha - \varphi)}$$

等シイ。デアレカラ  $OP$ ノ長さが極値ヲ有スル場合ニハ

$$\frac{d\varphi}{d\alpha} = \cos^2(\alpha - \varphi)$$

デアレコトガ分ル。

Williamson: *Differential Calculus*, p. 228  
ニヨレバ Pedal Curve へノ切線ハ原点カヲ下シタ垂直距離ヲ  $p'$  トスベ

$$rp' = h^2$$

デアリ、且ツ

$$\frac{r'(\alpha)}{r(\alpha)} = \frac{h'(\varphi)}{h(\varphi)}$$

が成立ツ (記號ハ Daetsch ノ論文參照) が故 = 最後ノ  
二式ヨリ

$$\frac{p'^2}{p} = \frac{k'^2}{p'}$$

が成立ツ。從ツテ  $p' = \frac{k'^2 p}{p'^2}$  が成立ツコトナル。

尚 *Annals of Math.* 22, p. 215 = 於ケル林總一  
先生ノ御著論文カテテ次ノコトが分ル。

$$R = p, \quad P = \frac{p^2}{(p^2 + p'^2)^{\frac{1}{2}}},$$

$$\frac{dP}{d\theta} = \frac{pp'}{(p^2 + p'^2)^{\frac{1}{2}}}$$

コゝ = 小文字ハ卵形線 = 對スル量ヲ大文字ハソレ = 對應スル  
垂足曲線 = 對スル量デアル。

最後ノ式ヨリ, 例ヘバ

$$\frac{P'}{P} = \frac{p'}{p},$$

$$\frac{R}{P} = \frac{p}{p'}$$

ヲ得, 但シ左右兩邊 = 於ケル微分ハ同一ノ角 = ツイテジナイ,  
尚他ノ關係式モ得ラルルデアロウ。

(IV) 平川君カラ唯今親切 = 彼ノ最近ノ論文: 相對微分  
幾何 II (輯報第十三卷) ノ別刷ヲ送ツテ貰ツタ (此ノ雜誌  
ハマダ到達セヌ) ソレヲ今ミテスガ自分ノ思ヒウカバコトハ  
相對的 = 余ノ以前ノ拙文 (台北帝大理農學部紀要第十五卷第

九号，第二百十三頁，茲ハコゝデモ私が以前述べたコトがアル）ヲ一般化スルコトデアル。